

# 相対性理論

中村正明

2023年7月3日

## 目次

<b>1 光速不变の原理と相対性原理</b>	<b>3</b>
1.1 アインシュタイン以前の物理学の認識 . . . . .	3
1.2 マイケルソン・モーレーの実験 . . . . .	3
1.3 アインシュタインの考え方 . . . . .	5
1.4 時間の相対性 . . . . .	5
1.5 長さの相対性 . . . . .	6
1.6 具体例 . . . . .	8
<b>2 ローレンツ変換</b>	<b>9</b>
2.1 ローレンツ変換 . . . . .	9
2.2 ミンコフスキイーの時空 . . . . .	11
2.3 不变量 . . . . .	13
2.4 固有時間と線素 . . . . .	14
2.5 速度の合成則 . . . . .	15
<b>3 ドップラー効果</b>	<b>17</b>
3.1 波の位相 . . . . .	17
3.2 音のドップラー効果 . . . . .	17
3.3 光のドップラー効果 . . . . .	18
3.4 ブラッドレーの光行差 . . . . .	20
<b>4 加速度運動</b>	<b>21</b>
4.1 一様な加速度の運動 . . . . .	21
4.2 双子の問題 . . . . .	23
4.3 速度と垂直方向の加速度 . . . . .	24
<b>5 特殊相対論的力学</b>	<b>25</b>
5.1 相対論的運動方程式 . . . . .	25
5.2 質量とエネルギーの等価性 . . . . .	26
5.3 相対論的力学における解析力学 . . . . .	28
<b>6 4元形式</b>	<b>29</b>
6.1 ローレンツ変換 . . . . .	29
6.2 4元ベクトル . . . . .	30
6.3 4元速度と4元運動量 . . . . .	31
6.4 4元運動方程式 . . . . .	32
6.5 4元電流 . . . . .	33
6.6 保存則 . . . . .	33
6.7 エネルギー運動量テンソル . . . . .	34
<b>7 ベクトルとテンソル</b>	<b>35</b>
7.1 ベクトルの変換 . . . . .	35
7.2 反変ベクトルと共変ベクトル . . . . .	37
7.3 テンソルの変換 . . . . .	39
7.4 計量 . . . . .	40
<b>8 電磁場の相対性とテンソル表現</b>	<b>41</b>
8.1 電磁場のローレンツ変換 . . . . .	41
8.2 マクスウェル方程式の書き換え . . . . .	44
8.3 テンソルによる電磁場のローレンツ変換 . . . . .	49
8.4 4元電流に対するローレンツ変換と連続の式 . . . . .	49
8.5 荷電粒子に対する4元運動方程式 . . . . .	50
<b>9 等価原理と運動方程式</b>	<b>51</b>
9.1 一般相対性理論の出発点 . . . . .	51
9.2 運動方程式 . . . . .	52
9.3 測地線と自由運動 . . . . .	55

<b>10 曲率テンソルと共変微分</b>	<b>59</b>
10.1 曲がった空間と曲率テンソル . . . . .	59
10.2 共変微分と平行移動 . . . . .	63
<b>11 重力場の方程式</b>	<b>69</b>
11.1 アインシュタインのテンソル . . . . .	69
11.2 エネルギー運動量テンソル . . . . .	73
11.3 重力場の方程式 . . . . .	76
<b>12 シュヴァルツシルトの時空</b>	<b>77</b>
12.1 外部解 . . . . .	77
12.2 内部解 . . . . .	80
12.3 ニュートン近似 . . . . .	83
12.4 星の内部の圧力 . . . . .	83
<b>13 水星の近日点の移動</b>	<b>85</b>
13.1 ニュートン力学 . . . . .	85
13.2 特殊相対性理論 . . . . .	86
13.3 一般相対性理論 . . . . .	87
<b>14 重力場における光の湾曲</b>	<b>89</b>
14.1 ニュートン力学 . . . . .	89
14.2 一般相対性理論 . . . . .	90
<b>15 重力赤方偏移</b>	<b>92</b>
15.1 光の粒子説による説明 . . . . .	92
15.2 一般相対性理論による説明 . . . . .	92
15.3 2つの説明のつながり . . . . .	94
<b>16 宇宙論</b>	<b>95</b>
16.1 球面上の線素 . . . . .	95
16.2 閉じた空間と開いた空間 . . . . .	98
16.3 アインシュタインの静的宇宙 . . . . .	100
16.4 フリードマンの膨張宇宙モデル . . . . .	100
16.5 ハッブルの法則 . . . . .	107
<b>17 重力波</b>	<b>109</b>
A 解析力学	1
B シュヴァルツシルト解の計算	2
C 変分原理による重力場の方程式の導出	5